

I – Problème réel : magie magie

**II – La base 10 ( le décimal)**

## 2.1 - Codification des nombres

La **case de poids faible** est **la plus à droite**. Elle code la valeur \_\_\_\_\_ qu'on peut écrire \_\_\_\_\_

A chaque déplacement à gauche, la case code \_\_\_\_\_ fois plus.

DOC.1

	Millier	Centaine	Dizaine	<b>Unité</b>
La case code	1000	100	10	<b>1</b>
La case code	$10^3$	$10^2$	$10^1$	<b><math>10^0</math></b>
Nombre N	<b>5</b>	<b>2</b>	<b>4</b>	<b>3</b>
On obtient				

Au total, le nombre n vaut :  $N =$

## 2.1 - Codification des nombres

La **case de poids faible** est **la plus à droite**. Elle code la valeur **1** qu'on peut écrire  **$10^0$**

A chaque déplacement à gauche, la case code **10** fois plus.

DOC.1

	Millier	Centaine	Dizaine	<b>Unité</b>
La case code	1000	100	10	<b>1</b>
La case code	$10^3$	$10^2$	$10^1$	<b><math>10^0</math></b>
Nombre N	<b>5</b>	<b>2</b>	<b>4</b>	<b>3</b>
On obtient	<b>5000</b>	<b>200</b>	<b>40</b>	<b>3</b>

Au total, le nombre n vaut :  $N = 5000 + 200 + 40 + 3 = 5243$

## 2.2 - Que peut-on mettre dans les cases en décimal ?

Les **10 chiffres** de la base 10 sont : **0-1-2-3-4-5-6-7-8-9**

On représente **un nombre** comme un **ensemble de chiffres**.

## 2.3 - Poids de case en puissance de 10 (voir le tableau ci-dessus)

- Unité  $10^0 = 1$
- Dix (da pour déca)  $10^1 = 10$
- Cent (h pour hecto)  $10^2 = 10*10 = 100$
- Mille (**k** pour kilo)  $10^3 = 10*10*10 = 1000$
- Million (**M** pour Mega)  $10^6 = 10*10*10*10*10*10 = 1\ 000\ 000$
- Milliard (**G** pour Giga)  $10^9 = 1\ 000\ 000\ 000$
- 1000 milliards (**T** pour Tera)  $10^{12} = 1\ 000\ 000\ 000\ 000$

## 2.4 - Augmentation d'une unité (incrémentation)

Si le chiffre à un successeur, on le remplace par celui-ci

**0** ⇒ **1** ⇒ **2** ⇒ **3** ⇒ **4** ⇒ **5** ⇒ **6** ⇒ **7** ⇒ **8** ⇒ **9**

Sinon (pour 9) :

- on revient au premier chiffre ( 0 ) dans cette case ET
- on rajoute une retenue de +1 à gauche.

**Exercice de cours A** : Trouver les nombres suivants les exemples ci-dessous (en justifiant la réponse !)

Après **8** ? Après **9** ? Après **19** ? Après **13** ? Après **399** ?

## 2.5 - Nombre de cas dénombrables en base 10 (système décimal)

Avec X cases :

Valeurs différentes :  $10^X$

Valeur minimale :  $0$

Valeur maximale :  $10^X - 1$

**Exercice de cours B** : Trouver le nombre de valeurs différentes disponibles et la valeur maximale avec 3 chiffres puis 6 chiffres en base 10.

## 2.5 - Nombre de cas dénombrables en base 10 (système décimal)

Avec X cases :

Valeurs différentes :  $10^X$

Valeur minimale : **0**

Valeur maximale :  $10^X - 1$

**Exercice de cours B** : Trouver le nombre de valeurs différentes disponibles et la valeur maximale avec 3 chiffres puis 6 chiffres en base 10.

3 chiffres → Nombre de cas =  $10^3 = 1000$   
Maximum 999

6 chiffres → Nombre de cas =  $10^6 = 1\,000\,000$   
Maximum 999 999

## III - La base 2 ( le binaire)

### 3.1 - Que peut-on mettre dans les cases en binaire ?

Chaque case se nomme un **BIT**, mot qui provient de la contraction de **BINARY DIGIT**.

Les **2 chiffres** de la base 2 sont : **0 - 1**

### 3.2 - Codification des nombres

Le **bit de poids faible** est **le plus à droite**. Elle code la valeur \_\_\_\_\_ qu'on peut écrire \_\_\_\_\_

A chaque déplacement à gauche, la case code \_\_\_\_\_ fois plus.

DOC.2

				<b>Unité</b>
Le bit code				<b>1</b>
Le bit code	$2^3$	$2^2$	$2^1$	<b><math>2^0</math></b>
Nombre N	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
On obtient				

Au total, le nombre n vaut :  $N =$

---

## 3.2 - Codification des nombres

Le **bit de poids faible** est **le plus à droite**. Elle code la valeur **1** qu'on peut écrire  **$2^0$**

A chaque déplacement à gauche, la case code **2** fois plus.

DOC.2

				<b>Unité</b>
Le bit code	<b>8</b>	<b>4</b>	<b>2</b>	<b>1</b>
Le bit code	$2^3$	$2^2$	$2^1$	$2^0$
Nombre N	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
On obtient	<b>8</b>	<b>0</b>	<b>2</b>	<b>1</b>

Au total, le nombre n vaut :  $N = \mathbf{8 + 0 + 2 + 1 = 11}$

**Exercice 01** : Exprimer les **nombre**s **binaires** suivant en base 10 :

$$N_A = \mathbf{1\ 0\ 0\ 0}$$

$$N_B = \mathbf{0\ 0\ 1\ 0}$$

$$N_C = \mathbf{0\ 1\ 1\ 0}$$

$$N_D = \mathbf{1\ 1\ 1\ 0}$$

### 3.3 - Notation des bases :

On indique la base par un indice situé en bas à droite du nombre.

Exemple :  $\mathbf{N} = \mathbf{1011}_2 = \mathbf{11}_{10}$  ou  $\mathbf{N} = (\mathbf{1011})_2 = (\mathbf{11})_{10}$

### **3.4 - Incrémenter en binaire (rajouter 1)**

- Un 0 devient son successeur 1
- Un 1 étant le dernier chiffre en base 2, on repasse à 0 en rajoutant une retenue de 1 dans la case de gauche.

**Exercice de cours C** : Trouver les nombres binaires suivants les exemples ci-dessous (en justifiant la réponse !)

Après **0** ? Après **1** ? Après **10** ? Après **11** ? Après **1011** ?

**Exercice 02** : Compléter la séquence suivante. Indiquer la valeur obtenue en base 10 dans la colonne de droite.

En base 2	En base 10
0 0 0	0
0 0 1	1
0 1 0	
1 1 1	7

**Exercice 02** : Compléter la séquence suivante. Indiquer la valeur obtenue en base 10 dans la colonne de droite.

En base 2	En base 10
0 0 0	0
0 0 1	1
0 1 0	2
0 1 1	3
1 1 1	7

**Exercice 02** : Compléter la séquence suivante. Indiquer la valeur obtenue en base 10 dans la colonne de droite.

En base 2	En base 10
0 0 0	0
0 0 1	1
0 1 0	2
0 1 1	3
1 0 0	4
1 1 1	7

**Exercice 02** : Compléter la séquence suivante. Indiquer la valeur obtenue en base 10 dans la colonne de droite.

En base 2	En base 10
0 0 0	0
0 0 1	1
0 1 0	2
0 1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7

### 3.5 - Nombre de cas dénombrables

Avec X cases : Valeurs différentes :  $2^X$  Valeur minimale : 0  
Valeur maximale :  $2^X - 1$

**Exercice de cours D** : Trouver le nombre de valeurs différentes disponibles et la valeur maximale avec 4 bits puis 8 bits puis 16 bits.

### 3.5 - Nombre de cas dénombrables

Avec X cases : Valeurs différentes :  $2^x$  Valeur minimale : 0  
Valeur maximale :  $2^x - 1$

**Exercice de cours D** : Trouver le nombre de valeurs différentes disponibles et la valeur maximale avec 4 bits puis 8 bits puis 16 bits.

**4 bits** → Nombre de cas  $2^4 = 16$  cas  
Valeur maximale = 15

**8 bits** → Nombre de cas  $2^8 = 256$  cas  
Valeur maximale = 255

**16 bits** → Nombre de cas  $2^{16} = 65536$  cas  
Valeur maximale = 65535

## IV – Octet

### 4.1 - Octet : binaire vers décimal

**Un octet est un ensemble de 8 bits successifs.**

Puisqu'il contient 8 bits, un octet possède  **$2^8$  (soit 256) valeurs différentes**, de **0 et 255**.

Sous forme binaire, un octet est donc compris entre  **$0000\ 0000_2$**  et  **$1111\ 1111_2$** .

Bit de poids fort

Bit de poids faible

DOC.3

128					4	2	1
$2^7$					$2^2$	$2^1$	$2^0$
<b>1</b>							

On peut alors écrire  **$(1111\ 1111)_2 =$**

---

## IV – Octet

### 4.1 - Octet : binaire vers décimal

**Un octet est un ensemble de 8 bits successifs.**

Puisqu'il contient 8 bits, un octet possède  **$2^8$  (soit 256) valeurs différentes**, de **0 et 255**.

Sous forme binaire, un octet est donc compris entre  **$0000\ 0000_2$**  et  **$1111\ 1111_2$** .

Bit de poids fort

Bit de poids faible

DOC.3

128	<b>64</b>	<b>32</b>	<b>16</b>	<b>8</b>	4	2	1
$2^7$	<b><math>2^6</math></b>	<b><math>2^5</math></b>	<b><math>2^4</math></b>	<b><math>2^3</math></b>	$2^2$	$2^1$	$2^0$
<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>

On peut alors écrire

$$(1111\ 1111)_2 = 128 + 64 + 32 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1 = 255$$

**Exercice 03** : Justifier la valeur décimale correspondant à ces octets sous forme binaire :

- Octet A : 0100 1000
- Octet B : 1000 0011
- Octet C : 1111 1111

## **4.2 Activation progressive du bit de poids fort**

On active progressivement les bits en commençant systématiquement par le bit le plus grand nécessaire pour encoder correctement le nombre entier.

**Exercice 04** : En activant progressivement les bits de poids fort nécessaires, trouver l'encodage binaire des entiers suivants :

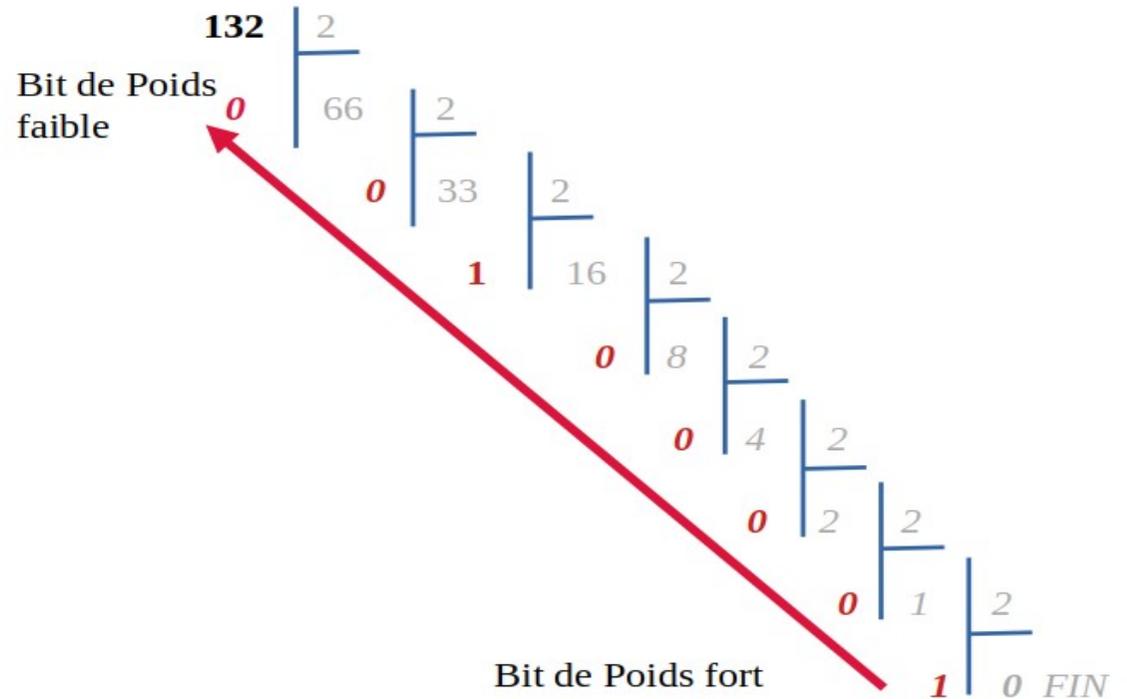
- Octet D : 37
- Octet E : 72
- Octet F : 123

### 4.3 Division successive par deux

La méthode de la division consiste à diviser le nombre par deux jusqu'à atteindre un résultat de 0.

Les restes de la division euclidienne vont fournir les valeurs des bits.

$$132_{10} = 10000100_2$$



**Exercice 05** : Retrouver les résultats de l'exercice 04 mais en utilisant la division successive.

## **V - Utilisation de la notion d'octet**

**Un octet possède 256 valeurs différentes.** Lorsqu'on veut mémoriser une information en machine, il suffit donc d'attribuer une valeur à une information. Cela se nomme un **encodage**. Les techniques d'encodage n'ont rien de secret : elles doivent être connues et diffusées de façon à pouvoir encoder puis à décoder.

### **5.1 - Encodage des entiers de 0 à 255**

### **5.2 - Encodage de caractères**

Les caractères sont stockés sous forme d'une suite d'octets.

**Table d'encodage 1 octet** : les 128 premiers caractères (0 à 127) sont communs à la plupart des encodages sur 1 octet : il s'agit de la **norme ASCII**. Les autres sont différents selon la table.

### 5.3 - Encodage des images

Chaque image est décomposée en pixels (un carré qui peut faire briller plus ou moins fortement).

En RGB, un **pixel est décomposé en 3 sous-pixels** : Rouge (Red), Vert (Green) et bleu (Blue).

On définit chaque luminosité par un nombre sur un octet (de 0 à 255).

255-0-0 sert à définir la couleur

175-0-0 sert à définir la couleur

0-255-0 sert à définir la couleur

255-255-0 sert à définir la couleur

## 5.3 - Encodage des images

Chaque image est décomposée en pixels (un carré qui peut faire briller plus ou moins fortement).

En RGB, un **pixel est décomposé en 3 sous-pixels** : Rouge (Red), Vert (Green) et bleu (Blue).

On définit chaque luminosité par un nombre sur un octet (de 0 à 255).

255-0-0 sert à définir la couleur **rouge**

175-0-0 sert à définir la couleur

0-255-0 sert à définir la couleur

255-255-0 sert à définir la couleur

## 5.3 - Encodage des images

Chaque image est décomposée en pixels (un carré qui peut faire briller plus ou moins fortement).

En RGB, un **pixel est décomposé en 3 sous-pixels** : Rouge (Red), Vert (Green) et bleu (Blue).

On définit chaque luminosité par un nombre sur un octet (de 0 à 255).

255-0-0 sert à définir la couleur **rouge**

175-0-0 sert à définir la couleur **rouge foncée**

0-255-0 sert à définir la couleur

255-255-0 sert à définir la couleur

## 5.3 - Encodage des images

Chaque image est décomposée en pixels (un carré qui peut faire briller plus ou moins fortement).

En RGB, un **pixel est décomposé en 3 sous-pixels** : Rouge (Red), Vert (Green) et bleu (Blue).

On définit chaque luminosité par un nombre sur un octet (de 0 à 255).

255-0-0 sert à définir la couleur **rouge**

175-0-0 sert à définir la couleur **rouge foncée**

0-255-0 sert à définir la couleur **vert**

255-255-0 sert à définir la couleur

## 5.3 - Encodage des images

Chaque image est décomposée en pixels (un carré qui peut faire briller plus ou moins fortement).

En RGB, un **pixel est décomposé en 3 sous-pixels** : Rouge (Red), Vert (Green) et bleu (Blue).

On définit chaque luminosité par un nombre sur un octet (de 0 à 255).

255-0-0 sert à définir la couleur **rouge**

175-0-0 sert à définir la couleur **rouge foncée**

0-255-0 sert à définir la couleur **vert**

255-255-0 sert à définir la couleur **jaune**